

VERIFICAÇÃO DA CONFIABILIDADE ESTRUTURAL NO PROJETO DE VIGAS PORTUÁRIAS DE CONCRETO PROTENDIDO

RAFAEL GONZALES ROCHA¹, MAURO DE VASCONCELLOS REAL², MÁRCIO
WRAGUE MOURA³

RESUMO

O objetivo do presente trabalho é avaliar a confiabilidade estrutural nos projetos de vigas portuárias de concreto protendido, conforme critérios das normas vigentes, devido à necessidade de se verificar a influência da variação dos parâmetros de projeto sobre a segurança da estrutura. Será verificada a confiabilidade em relação ao estado limite último de flexão. Desenvolveu-se um modelo para análise de estruturas portuárias de concreto, o qual foi validado confrontando os resultados obtidos com dados experimentais pré-existentes. Posteriormente procedeu-se a avaliação do índice de confiabilidade segundo o método de confiabilidade de primeira ordem. Depois de calculado o índice de confiabilidade foram realizados estudos paramétricos com vistas a observar a variação deste frente a três variáveis aleatórias: resistência característica a compressão do concreto; resistência característica de ruptura por tração da armadura ativa; relação entre carga permanente e carga total. Este estudo permite estimar a sensibilidade do projeto em relação às variáveis aleatórias consideradas no modelo. Em função dos dados observados se verificou que a maior variação no índice de confiabilidade ocorreu frente à variação da relação entre carga permanente e carga total, porém, destaca-se a importância da análise conjunta das variáveis envolvidas no processo.

PALAVRAS-CHAVES: ESTRUTURAS PORTUÁRIAS. CONCRETO PROTENDIDO. CONFIABILIDADE. FORM.

STRUCTURAL RELIABILITY TESTING ON DESIGN OF PORT PRESTRESSED CONCRETE BEAMS

ABSTRACT

The aim of this study is to evaluate the structural reliability in the design of port prestressed concrete beams, according to the criteria of existing rules, due to the necessity of verifying the influence of the variation of the design parameters on the safety of the structure. The reliability will be checked against the ultimate limit state of bending. It was developed a model for analysis of port concrete structures, which was validated by comparing its results with pre-existing experimental data. Subsequently it was carried out the evaluation the reliability index according to the First Order Reliability Method. After calculating the reliability index parametric studies were performed to observe its variation with the three main random variables: characteristic concrete compressive strength; characteristic tensile strength of the prestressed reinforcement; ratio between permanent load and live load. This study allows us to estimate the sensitivity of

¹FURG - Programa de Pós-Graduação em Engenharia Oceânica, Mestre em Engenharia Oceânica, rafaelgonzales@furg.br;

²FURG - Programa de Pós-Graduação em Engenharia Oceânica / Escola de Engenharia, Doutor em Engenharia Civil, mauroreal@furg.br;

³FURG - Escola de Engenharia, Mestre em Engenharia Civil; mwmoura@furg.br.

the project safety with respect to the random variables considered in the model. According the observed data was found that the greatest variation in reliability index occurred due to the variation of the ratio between permanent load and live load, however, it is noteworthy the importance of joint analysis of the variables involved in the process.

KEYWORDS: PORT STRUCTURES, PRESTRESSED CONCRETE, RELIABILITY, FORM.

1. INTRODUÇÃO

As estruturas portuárias tem grande importância na logística de transportes utilizada mundialmente, visto que, os transportes marítimo e hidroviário escoam grande parte da produção dos países, interna e externamente, necessitando para tanto de portos com grande capacidade estrutural.

A grande variabilidade nas características dos materiais componentes do concreto, bem como a alta variação da sua resistência, tornam de suma importância à aplicação de metodologias estatísticas na avaliação das estruturas.

Devido à exposição a diversos fatores climáticos, ambiente altamente agressivo, e ainda, ação de grandes carregamentos externos, as estruturas portuárias demandam alto rigor em relação à segurança estrutural. Sabe-se que, quanto mais robusta uma estrutura maior o custo empregado na sua execução, ou seja, uma estrutura 99% segura, possui custo mais elevado que uma estrutura 95% segura, sendo assim, se faz necessária uma análise visando conciliar segurança e economicidade.

Diante das elevadas cargas aplicadas às estruturas portuárias e da necessidade de reduzir a abertura de fissuras, devido à agressividade do ambiente, a aplicação do concreto protendido nos elementos constitutivos destas estruturas, principalmente em vigas, torna-se indispensável. Com a utilização do concreto protendido objetiva-se transpor grandes vãos, suportar grandes cargas e aumentar a vida útil da estrutura (limitando a ocorrência de fissuras).

Os projetos estruturais devem considerar incertezas associadas às propriedades dos materiais, às propriedades geométricas e aos carregamentos. Essas incertezas tornam impossível a elaboração de um projeto que apresente segurança total ou probabilidade de falha nula, visto que, determinada combinação de valores das variáveis pode resultar em uma condição de falha. Com intuito de considerar-se a natureza probabilística destas incertezas, faz-se necessário identificar e definir estas variáveis como aleatórias no modelo de análise. Para consideração destas incertezas as normas atuais, NBR 6118 [2] e NBR 8681 [3], indicam a aplicação de coeficientes de segurança, de forma a majorar os esforços

e minorar as resistências, com este procedimento atinge-se um risco aceitável para a estrutura.

Visto que, a resistência do concreto, a resistência das armaduras, os carregamentos aplicados às estruturas, assim como diversos outros parâmetros, são variáveis aleatórias, faz-se necessário um estudo de confiabilidade, visando diminuir ao máximo a probabilidade de falha da estrutura.

O principal objetivo da confiabilidade de estruturas é determinar a probabilidade de ocorrência de um cenário de falha na estrutura. Uma análise de confiabilidade permite, também, estimar a sensibilidade da segurança do projeto em relação às variáveis aleatórias consideradas no modelo. Essa informação é importante porque possibilita saber qual a influência de cada variável aleatória na probabilidade de falha.

O objetivo do estudo apresentado neste artigo é a avaliação da confiabilidade estrutural de vigas portuárias de concreto protendido frente ao estado limite último de flexão, utilizando os critérios de análise e dimensionamento presentes na NBR 6118 [2]. Este estudo compreendeu o desenvolvimento de rotinas computacionais para a análise estrutural das vigas portuárias e posteriormente a avaliação do índice de confiabilidade com aplicação do método FORM.

O trabalho desenvolvido compreendeu basicamente três fases: i) o dimensionamento de cinquenta e quatro vigas de concreto protendido, conforme os critérios presentes na NBR 6118 [2] e NBR 8681 [3]; ii) o desenvolvimento de um modelo para determinação da capacidade resistente de vigas em concreto armado e protendido, aplicável a seções retangulares e T, o qual foi validado por meio da comparação entre o momento resistente calculado e resultados obtidos em ensaios experimentais realizados por Billet [4], Feldmann [5], Warwaruk [11], Mattock et al. [7] e Tao e Du [10]; iii) a avaliação do índice de confiabilidade segundo o método de confiabilidade de primeira ordem (FORM – *First Order Reliability Method*), na qual foram utilizadas rotinas computacionais com base nos estudos de Low e Tang [6].

2. PROJETO DE VIGAS DE CONCRETO PROTENDIDO

A fase de concepção de um projeto de engenharia deve englobar além da definição da estrutura, geometria da seção e especificação dos materiais, as verificações necessárias para o correto funcionamento da estrutura ao longo de sua vida útil.

A verificação da segurança deve seguir as disposições da NBR 8681 [3], a metodologia encontra-se fundamentada em métodos semi-probabilísticos referenciados a Estados Limites, onde, após sua ocorrência a estrutura apresenta desempenho inadequado às finalidades da construção.

Com intuito de possibilitar a posterior comparação entre os resultados obtidos, foi definido um vão de cálculo (l), duas seções transversais típicas (retangular e T), três valores para resistência característica a compressão do concreto (f_{ck}), três valores para resistência característica de ruptura a tração da armadura ativa (f_{ptk}) e três relações (r) entre carga permanente (g) e carga total (S), mantendo-se constante a carga total, de forma que, foi necessário o dimensionamento de cinquenta e quatro vigas de concreto protendido. As seções típicas, o vão de cálculo e a carga total aplicada sobre as vigas são apresentadas na FIGURA 1.

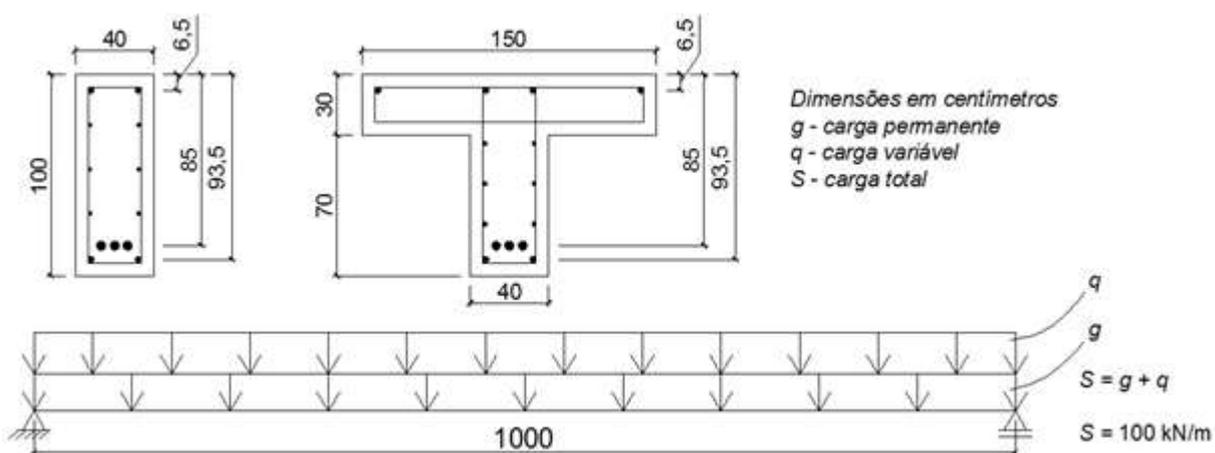


Figura 1: Seção transversal R e T, vão de cálculo e cargas aplicadas.

Os valores definidos para a resistência característica do concreto foram 40 MPa, 45 MPa e 50 MPa. Para a resistência característica da armadura ativa utilizou-se 175 kN/cm², 190 kN/cm² e 210 kN/cm², ainda em relação a protensão, foi definido para o projeto a utilização de protensão completa, nível 3, devido ao ambiente para o qual as vigas foram projetadas. O aço passivo considerado no projeto foi o CA-50. As relações entre carga permanente e carga total foram definidas em 0,25, 0,50 e 0,75.

Para identificação das vigas dimensionadas foi utilizada a seguinte nomenclatura: seção da viga; resistência característica do concreto; resistência característica do aço utilizado na armadura ativa; relação entre cargas (índice r). Assim, para uma viga de seção retangular, com $f_{ck} = 40 \text{ MPa}$, $f_{ptk} = 175 \text{ kN/cm}^2$ e $r = 0,25$, tem-se a seguinte nomenclatura: VR.40.175.25.

A TABELA 1 apresenta os dados variáveis utilizados para as vigas de seção retangular e as identifica conforme a nomenclatura proposta. Já a TABELA 2 apresenta os dados respectivos às vigas de seção T.

Tabela 1: Dados variáveis - Vigas retangulares.

Viga	f_{ck} (MPa)	f_{ptk} (kN/cm ²)	r (%)
VR.40.175.25	40	175	25
VR.40.175.50	40	175	50
VR.40.175.75	40	175	75
VR.40.190.25	40	190	25
VR.40.190.50	40	190	50
VR.40.190.75	40	190	75
VR.40.210.25	40	210	25
VR.40.210.50	40	210	50
VR.40.210.75	40	210	75
VR.45.175.25	45	175	25
VR.45.175.50	45	175	50
VR.45.175.75	45	175	75
VR.45.190.25	45	190	25
VR.45.190.50	45	190	50
VR.45.190.75	45	190	75
VR.45.210.25	45	210	25
VR.45.210.50	45	210	50
VR.45.210.75	45	210	75
VR.50.175.25	50	175	25
VR.50.175.50	50	175	50
VR.50.175.75	50	175	75
VR.50.190.25	50	190	25
VR.50.190.50	50	190	50
VR.50.190.75	50	190	75
VR.50.210.25	50	210	25
VR.50.210.50	50	210	50
VR.50.210.75	50	210	75

Tabela 2: Dados variáveis - Vigas T.

Viga	f_{ck} (MPa)	f_{ptk} (kN/cm ²)	r (%)
VT.40.175.25	40	175	25
VT.40.175.50	40	175	50
VT.40.175.75	40	175	75
VT.40.190.25	40	190	25
VT.40.190.50	40	190	50
VT.40.190.75	40	190	75
VT.40.210.25	40	210	25
VT.40.210.50	40	210	50
VT.40.210.75	40	210	75
VT.45.175.25	45	175	25
VT.45.175.50	45	175	50
VT.45.175.75	45	175	75
VT.45.190.25	45	190	25
VT.45.190.50	45	190	50
VT.45.190.75	45	190	75
VT.45.210.25	45	210	25
VT.45.210.50	45	210	50
VT.45.210.75	45	210	75
VT.50.175.25	50	175	25
VT.50.175.50	50	175	50
VT.50.175.75	50	175	75
VT.50.190.25	50	190	25
VT.50.190.50	50	190	50
VT.50.190.75	50	190	75
VT.50.210.25	50	210	25
VT.50.210.50	50	210	50
VT.50.210.75	50	210	75

3. MODELO DE CÁLCULO PARA VERIFICAÇÃO DA CAPACIDADE RESISTENTE

3.1. Modelo de cálculo do momento resistente

Visto que a verificação da capacidade resistente de vigas de concreto protendido objetiva a determinação do momento resistente (momento de ruptura), para uma dada seção, onde se conhece previamente as dimensões, armaduras e propriedades dos materiais aplicados, a análise dá-se no Estádio III. Para tal análise tem-se como hipóteses fundamentais o que segue: seções inicialmente planas e normais ao eixo da peça, assim permanecem em relação ao eixo deformado; existe aderência perfeita entre as armaduras, ativas e passivas, e o concreto que as envolve; a distribuição das deformações no regime de ruptura deve obedecer ao disposto na NBR 6118 [2] no que se refere aos domínios de deformações; o alongamento prévio deve ser incluído na deformação da armadura; a resistência à tração do concreto é desprezada na resistência aos esforços solicitantes; o diagrama tensão deformação é o parábola-retângulo, porém, permite-se a adoção do

diagrama retangular simplificado; aplica-se o diagrama bilinear para a relação tensão-deformação da armadura ativa, conforme NBR 6118 [2]; aplica-se o diagrama elasto-plástico perfeito para a relação tensão-deformação da armadura passiva, conforme NBR 6118 [2].

O regime de ruptura, correspondente ao estado limite último, ocorre por ruptura do concreto ou por deformação excessiva da armadura, em se tratando de vigas sujeitas a flexão simples, a ruptura pode ocorrer nos domínios dois, três ou quatro. Através do equilíbrio de forças e momentos atuantes sobre a seção definem-se duas equações de equilíbrio, onde se tem como incógnitas a profundidade da linha neutra e o momento resistente, porém, como existem três domínios possíveis de ruptura é necessária à aplicação de um algoritmo iterativo. Para determinação da profundidade da linha neutra no estudo desenvolvido aplicou-se um algoritmo iterativo utilizando-se o método da bissecante.

3.2. Validação do modelo de cálculo

Para aplicação do estudo de confiabilidade fez-se necessário à disposição de um modelo determinístico, que representasse adequadamente a resposta do problema a ser estudado. Para suprir esta demanda desenvolveu-se um modelo de cálculo para capacidade resistente de vigas de concreto protendido.

Devido à necessidade de validação do modelo de cálculo, procedeu-se a verificação de quarenta e uma vigas para as quais já se tinha o conhecimento do momento de ruptura. Estes dados foram retirados da bibliografia existente e correspondem aos ensaios realizados anteriormente por Billet [4], Feldmann [5], Warwaruk [11], Mattock et al. [7] e Tao e Du [10]. Observando-se o resultado obtido através do modelo determinístico frente aos resultados dos testes experimentais, pôde-se avaliar a precisão do modelo elaborado.

Na interpretação dos resultados obtidos deve-se considerar as limitações do modelo, visto que, as estruturas de concreto protendido apresentam um comportamento mecânico não-linear. Podem ser citadas como causas deste comportamento: curvas tensão-deformação não-lineares dos materiais; a diferença entre as resistências a tração e à compressão do concreto; a aderência imperfeita entre o aço e o concreto adjacente; os fenômenos de retração e da fluência do concreto; a fissuração do concreto e a transmissão de esforços entre fissuras; o comportamento genérico da estrutura. A análise completa da estrutura deveria levar em conta estes fatores, assim sendo, como o modelo numérico computacional desenvolvido não incluiu todas as variáveis presentes, devido a complexidade que seria exigida de tal modelo caso estas fossem consideradas, os resultados numéricos não acompanham exatamente os dados obtidos experimentalmente.

Acrescenta-se ainda que, ensaios de laboratório também apresentam algumas incertezas, como por exemplo, o valor da carga atuante, as grandezas referentes aos materiais, condições de apoio e variações nas dimensões das peças estruturais. Os dados a serem utilizados nos modelos numéricos tendem a diferir, em maior ou menor grau, das propriedades existentes nas estruturas testadas em laboratório, tal fato contribui para a divergência entre os valores medidos e calculados.

Conforme apresentado, a validação do modelo se deu pela relação entre o momento de ruptura experimental ($M_{R,exp}$) e o momento resistente calculado ($M_{R,calc}$), de forma que, a média dos resultados observados expressa o erro do modelo ($\eta_{méd}$). O erro médio do modelo ($\eta_{méd}$) e seu desvio padrão (σ_{η}) são apresentados a seguir na Equação 1 e Equação 2, respectivamente.

$$\eta_{méd} = 1,052 \quad (1)$$

$$\sigma_{méd} = 0,076 \quad (2)$$

Diante dos resultados obtidos observou-se que alguns valores estiveram distantes da média, tal variação se justifica devido as incertezas presentes no modelo, como o comportamento mecânico não-linear do concreto, e ainda, às incertezas provenientes do estudo experimental (aplicação de cargas, dimensões, tensão efetiva instalada no cabo).

Ainda que alguns valores tendam a elevar o valor médio considerou-se adequado incluir os mesmo no cálculo de forma a não reduzir os elementos da amostra. O valor obtido para o erro médio do modelo, 1,052, encontra-se dentro da faixa de valores indicada por Nowak e Collins [8] para vigas de concreto protendido pré-tracionadas, 1,04 - 1,06.

4. ANÁLISE DE CONFIABILIDADE

De acordo com Nowak e Collins [8] muitas fontes de incerteza são intrínsecas ao projeto estrutural. Apesar do que muitas vezes se imagina os parâmetros da carga e da capacidade resistente dos elementos estruturais não são quantidades determinísticas. Elas são variáveis aleatórias, sendo assim, a segurança absoluta não pode ser alcançada. Conseqüentemente, as estruturas devem ser projetadas para servir a sua função com uma probabilidade finita de falha.

Para ilustrar a diferença entre quantidades determinísticas e aleatórias, consideremos as cargas impostas sobre um cais portuário. A carga sobre o cais, em qualquer momento depende de vários fatores, tais como o nível de operação do cais, os equipamentos presentes e o fluxo de carga. Tal fator varia diariamente em função da

logística de operação dos portos. Diante destes fatores há incerteza sobre a carga total incidente sobre o cais, logo, a carga é uma variável aleatória.

Quanto ao conceito de "margem de segurança", este está associado aos estados limites últimos. Tem-se como exemplo que, o modo de falha pode ser definido quando o momento solicitante exceder a capacidade resistente de uma viga de concreto protendido, sendo, a resistência "R" e a solicitação "S". Diante do exposto, a função de desempenho ou função de estado limite, é definida para este modo de falha conforme apresentado na Equação 3.

$$g(R, S) = R - S \quad (3)$$

O estado limite entre o desempenho desejado e indesejado ocorre quando $g = 0$, ou seja, se $g > 0$, a estrutura atua com o desempenho desejado (em segurança), se $g < 0$, a estrutura encontra-se sob regime de ruptura (desempenho indesejado). A probabilidade de falha, P_f , é igual à probabilidade de que ocorrerá ruína, ou seja, haverá o desempenho indesejável. Pode-se expressar a função de desempenho em termos matemáticos conforme apresentado na Equação 4.

$$P_f = P(R - S < 0) = P(g < 0) \quad (4)$$

Sendo R e S variáveis aleatórias, cada uma possui determinada função de densidade de probabilidade (PDF), tem-se ainda que, a quantidade de R-S também é uma variável aleatória, com a sua respectiva função densidade de probabilidade.

Visto que, no presente estudo foi avaliado a capacidade resistente das vigas, a função de estado limite passa a ser escrita conforme Equação 5.

$$g(x) = M_R - M_g - M_q = M_R - \left[\left(\frac{g * l^2}{8} \right) \right] - \left[\left(\frac{q * l^2}{8} \right) \right] \quad (5)$$

O cálculo da probabilidade de sucesso ou da probabilidade de fracasso demanda que as funções densidade de probabilidade da resistência e solicitação, ou que a função densidade de probabilidade conjunta sejam conhecidas, porém, via de regra tal informação não está disponível ou é de difícil obtenção devido à escassez de dados. Ainda assim, quando se dispõe das funções de densidade, a avaliação da probabilidade de falha geralmente requer integração numérica, o que pode tornar-se impraticável.

Quando não se dispõe das distribuições de probabilidade das variáveis, a confiabilidade pode ser obtida inteiramente como uma função do primeiro e do segundo

momento (média e variância, respectivamente), pelo método de confiabilidade de Primeira Ordem e Segundo Momento (*First Order Second Moment – FOSM*). Quando se conhecem as distribuições de probabilidade o Método de Confiabilidade de Primeira Ordem (*First Order Reliability Method – FORM*) ou a simulação de Monte Carlo podem ser utilizados [1].

As variáveis aleatórias consideradas para solução do problema encontram-se apresentadas na TABELA 3, assim como o tipo de distribuição, média e desvio padrão.

Tabela 3: Variáveis aleatórias.

Variável	μ_x	$V_x = \sigma_x/\mu_x$	Distribuição	Variável	μ_x	$V_x = \sigma_x/\mu_x$	Distribuição
f_c	$\frac{f_{ck}}{(1 - 1,65 * V)}$	0,15	Normal	d_p	$d_{p, nom}$	$\frac{1,0 \text{ cm}}{d_{p, nom}}$	Normal
f_y	$\frac{f_{yk}}{(1 - 1,65 * V)}$	0,05	Normal	g	g_{nom}	0,1	Normal
f_{pt}	$\frac{f_{ptk}}{(1 - 1,65 * V)}$	0,05	Normal	q	q_{nom}	0,25	Valores extremos tipo I
d_s	$d_{s, nom}$	$\frac{0,5 \text{ cm}}{d_{s, nom}}$	Normal	η	1,052	0,072	Normal

5. APLICAÇÃO E RESULTADOS

5.1. Entrada de dados e resultados iniciais

Definidos a geometria da seção, as características dos materiais empregados e a carga aplicada, partiu-se para o dimensionamento das vigas de concreto protendido, conforme critérios de projeto estabelecido nas normas vigentes. Diante da variabilidade dos parâmetros definidos necessitou-se projetar vinte e sete vigas de seção retangular e outras vinte e sete de seção T, possibilitando assim a posterior análise paramétrica. Após o dimensionamento dos elementos passou-se ao cálculo do índice de confiabilidade através do método FORM.

Para cálculo do Índice de Confiabilidade das vigas estudadas utilizou-se uma planilha eletrônica no *software Excel*, através da ferramenta de solução de equações não-lineares e minimização, *Solver*, tal ferramenta busca determinar um valor conforme restrições impostas na própria planilha. Trabalha-se com um grupo de células variáveis, que neste caso são os pontos de falha referentes a cada uma das variáveis aleatórias. A restrição imposta é a própria função estado limite, $g(x) = 0$, admitida uma tolerância máxima. A seguir são apresentados os elementos da planilha eletrônica para a viga VR.40.175.25. A TABELA 4 apresenta os tipos de distribuição, as variáveis aleatórias e suas respectivas

unidades, e ainda, os valores nominais de projeto para cada uma das variáveis aleatórias e suas respectivas médias, desvios padrão e coeficientes de variação.

Além do disposto na TABELA 4, devem ainda ser inseridos como dados de entrada as dimensões da seção, o vão de cálculo, o módulo de elasticidade dos aços utilizados, a deformação inicial da armadura ativa e a área de aço das armaduras, necessários para o cálculo dos momentos resistente e solicitante.

Tabela 4: Dados de entrada para cálculo do índice de confiabilidade – variáveis aleatórias.

Distribuição	Variável	Unidade	Nominal	Média	Desv. Padrão	Coef. Var.
Normal	f_c	kN/cm ²	4,000	5,316	0,797	0,150
Normal	f_y	kN/cm ²	50,000	54,496	2,725	0,050
Normal	f_{st}	kN/cm ²	175,000	190,736	9,537	0,050
Normal	d_s	cm	93,500	93,500	0,500	0,005
Normal	d_p	cm	85,000	85,000	1,000	0,012
Normal	g	kN/m	25,000	25,000	2,500	0,100
Extvalue1	q	kN/m	75,000	75,000	18,750	0,250
Normal	η	adimensional	1,052	1,052	0,076	0,072

Na TABELA 5 são apresentados os valores para a primeira aproximação do ponto de falha, definida como o valor médio da distribuição, e ainda, a média e o desvio padrão da distribuição normal equivalente, e por fim as variáveis reduzidas equivalentes ao ponto de falha (X_i^*).

Tabela 5: Primeira aproximação do ponto de falha, média e desvio padrão normal, variável reduzida.

Variável	x_0^*	μ^N	σ^N	X_i^*
f_c	5,316	5,316	0,797	0,000
f_y	54,496	54,496	2,725	0,000
f_{st}	190,736	190,736	9,537	0,000
d_s	93,500	93,500	0,500	0,000
d_p	85,000	85,000	1,000	0,000
g	25,000	25,000	2,500	0,000
q	75,000	71,821	17,928	0,177
η	1,052	1,052	0,076	0,000

Após o lançamento dos dados de entrada e a definição dos valores referentes à primeira aproximação do ponto de falha deve-se inserir a matriz de correlação das variáveis aleatórias que para o caso estudado, variáveis independentes, é uma matriz identidade 8x8. Finalizada a entrada de dados executa-se a ferramenta Solver estabelecendo-se a restrição desejada.

A TABELA 6 apresenta os valores do ponto de falha diante da convergência do sistema, assim como média e desvio padrão normal, variável reduzida e cossenos diretores. O valor do ponto de falha, após informada a aproximação inicial, é calculado automaticamente pela ferramenta utilizada. A tolerância utilizada, em todos os casos, para a convergência do sistema foi de 10^{-6} .

Tabela 6: Valores diante da convergência do sistema.

Variável	x_i^*	μ_i^N	σ_i^N	χ_i^*	α_i
f_c	4,974	5,316	0,797	-0,429	0,1142
f_v	54,496	54,496	2,725	0,000	0,0000
f_{sc}	185,497	190,736	9,537	-0,549	0,1462
d_s	93,500	93,500	0,500	0,000	0,0000
d_e	84,806	85,000	1,000	-0,194	0,0516
g	25,399	25,000	2,500	0,160	-0,0425
q	190,075	-4,169	55,152	3,522	-0,9374
η	0,970	1,052	0,076	-1,078	0,2869

O momento resistente é determinado com base nos valores do ponto de falha para as variáveis aleatórias e nos valores de entrada para as demais variáveis. Sobre o valor obtido é aplicado o erro do modelo η^* (respectivo ao ponto de falha). O momento solicitante total (M_g+M_q) é calculado tomando por base os valores do ponto de falha para as ações g e q , e ainda, utilizando o valor de entrada para o vão de cálculo.

O índice de confiabilidade (β) é determinado através da ferramenta *Solver* do programa *Excel* buscando determinar a menor distância β entre a origem das variáveis padronizadas, x_i^* , que satisfaça a restrição $g(X) = 0$. Trata-se, portanto de um problema de minimização, que é resolvido através da ferramenta citada.

A TABELA 7 apresenta os resultados obtidos no dimensionamento das vinte e sete vigas projetadas em seção retangular, indicando os dados respectivos à área total de armadura de protensão (A_p), deformação inicial da armadura ativa (ϵ_{pn}), e ainda, o valor do índice de confiabilidade (β). A TABELA 8 apresenta os dados citados respectivos as vigas T.

As vigas destacadas (*) tiveram sua armadura de protensão elevada para verificação do ELS-F.

A área de armadura longitudinal passiva não foi considerada no dimensionamento a flexão e no cálculo da capacidade resistente, visto que, o momento solicitante foi suportado adequadamente pela armadura ativa longitudinal dimensionada, logo, $A_s=0$. Considerou-se o critério adotado em função da área de armadura protendida existente ser superior a área de armadura mínima calculada conforme NBR 6118 [2].

Tabela 7: Vigas retangulares.

Viga	A_p (cm ²)	β	ϵ_{pn}
VR.40.175.25*	22,22	3,757	0,0045
VR.40.175.50	22,22	4,5789	0,0047
VR.40.175.75	23,23	6,186	0,0050
VR.40.190.25	20,20	3,7165	0,0050
VR.40.190.50	20,20	4,5315	0,0052
VR.40.190.75	22,22	6,3365	0,0052
VR.40.210.25	18,18	3,6969	0,0056
VR.40.210.50	18,18	4,5109	0,0059
VR.40.210.75	20,20	6,3496	0,0058
VR.45.175.25	21,21	3,6952	0,0047
VR.45.175.50	22,22	4,6774	0,0048
VR.45.175.75	23,23	6,3238	0,0051
VR.45.190.25*	20,20	3,7978	0,0050
VR.45.190.50	20,20	4,6301	0,0053
VR.45.190.75	22,22	6,4802	0,0053
VR.45.210.25	18,18	3,7781	0,0056
VR.45.210.50	18,18	4,6111	0,0059
VR.45.210.75	20,20	6,4933	0,0058
VR.50.175.25	21,21	3,7404	0,0047
VR.50.175.50	22,22	4,7406	0,0048
VR.50.175.75	23,23	6,4342	0,0051
VR.50.190.25	19,19	3,681	0,0052
VR.50.190.50	20,20	4,6897	0,0053
VR.50.190.75	22,22	6,5944	0,0053
VR.50.210.25	17,17	3,6436	0,0059
VR.50.210.50	18,18	4,6668	0,0059
VR.50.210.75	20,20	6,6118	0,0059

Tabela 8: Vigas T.

Viga	A_p (cm ²)	β	ϵ_{pn}
VT.40.175.25	17,17	3,2455	0,0048
VT.40.175.50	18,18	4,2197	0,0050
VT.40.175.75	19,19	5,8362	0,0052
VT.40.190.25	15,15	3,094	0,0055
VT.40.190.50	16,16	4,0727	0,0057
VT.40.190.75	18,18	5,9844	0,0055
VT.40.210.25	14,14	3,1993	0,0059
VT.40.210.50	15,15	4,2141	0,0060
VT.40.210.75	16,16	5,8917	0,0063
VT.45.175.25	16,16	3,0432	0,0051
VT.45.175.50	18,18	4,2332	0,0050
VT.45.175.75	19,19	5,8569	0,0053
VT.45.190.25	15,15	3,1026	0,0054
VT.45.190.50	16,16	4,0858	0,0057
VT.45.190.75	18,18	6,0028	0,0055
VT.45.210.25	14,14	3,2081	0,0058
VT.45.210.50	15,15	4,2299	0,0061
VT.45.210.75	16,16	5,9099	0,0063
VT.50.175.25	16,16	3,0515	0,0051
VT.50.175.50	18,18	4,244	0,0050
VT.50.175.75	19,19	5,8712	0,0053
VT.50.190.25	15,15	3,1129	0,0055
VT.50.190.50	16,16	4,0963	0,0057
VT.50.190.75	18,18	6,0202	0,0056
VT.50.210.25	14,14	3,2187	0,0059
VT.50.210.50	15,15	4,2407	0,0061
VT.50.210.75	16,16	5,9243	0,0063

5.2. Estudo paramétrico – resultados

5.2.1. Influência da resistência característica do concreto sobre β

Para as vigas analisadas, pode-se observar que a variação isolada do f_{ck} possui baixa influência sobre o valor de β . É reconhecido o fato de que ao elevar-se o valor de f_{ck} cresce linearmente a confiabilidade do sistema, porém, observou-se que tal elevação, nos estudos realizados, foi inferior a dois décimos no valor de β para cada 5 MPa elevados na resistência do concreto. A FIGURA 2 ilustra o comportamento observado.

O comportamento observado se deve ao fato de que no estado limite último de flexão, para vigas de concreto protendido, a zona de concreto comprimido é bastante reduzida em relação à altura da seção, o que diminui a influência da resistência à compressão no cálculo do índice de confiabilidade.

A alteração de seção, viga R para viga T, tende a aumentar a confiabilidade do sistema. No caso estudado verificou-se a redução de β , tal fato se deve a redução da área de aço mediante a alteração da seção.

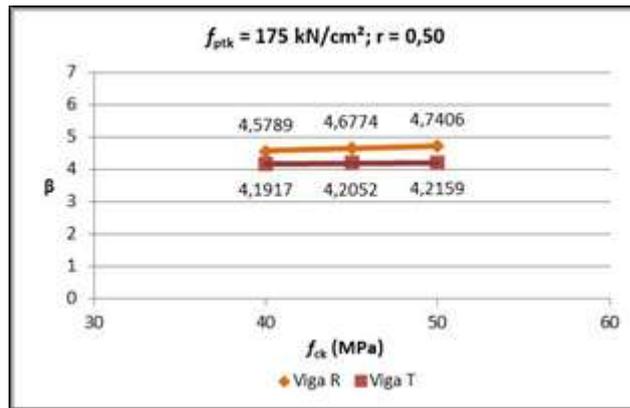


Figura 2: Variação de β em função de f_{ck} .

5.2.2. Influência da resistência característica da armadura ativa sobre β

Ao analisar os resultados obtidos observou-se em alguns casos um pequeno crescimento da confiabilidade mediante a elevação da resistência do aço, porém, houve casos em que se verificou uma queda do índice de confiabilidade. Os comportamentos observados foram influenciados pela redução da área de aço, ocorrida após o aumento da resistência do mesmo, pois, o fato isolado do aumento da resistência, mantida a área de armadura ativa, tende a elevações consideráveis no valor do índice de confiabilidade. A FIGURA 3 ilustra o comportamento observado.

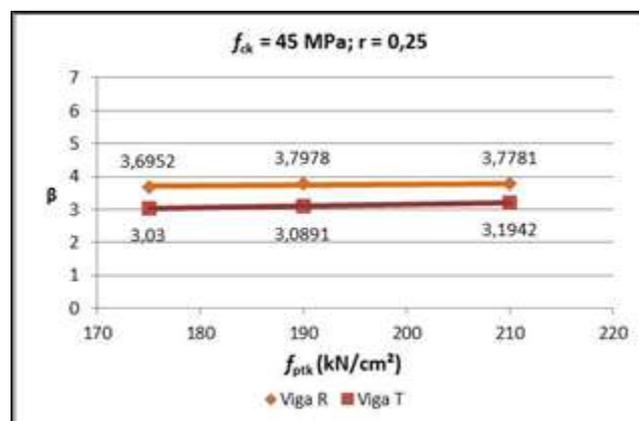


Figura 3: Variação de β em função de f_{ptk} .

5.2.3. Influência da relação entre carga permanente e carga total sobre β

Para conclusão dos estudos paramétricos foi observado o índice de confiabilidade frente à variação da relação entre a carga permanente e a carga total, mantendo-se constante a carga total de 100 kN/m.

Nesta análise constatou-se que há uma tendência linear de crescimento do índice de confiabilidade mediante a elevação da carga permanente e consequente diminuição da carga variável. Observou-se ainda que a partir do ponto em que as cargas se igualam há uma pequena mudança de inclinação na reta que representa a variação do índice de confiabilidade. Para valores da carga permanente menores que os da carga variável a confiabilidade cresce com menor intensidade, porém, para valores da carga permanente maiores que os da carga variável a confiabilidade cresce com maior intensidade. A FIGURA 4 ilustra o comportamento observado.

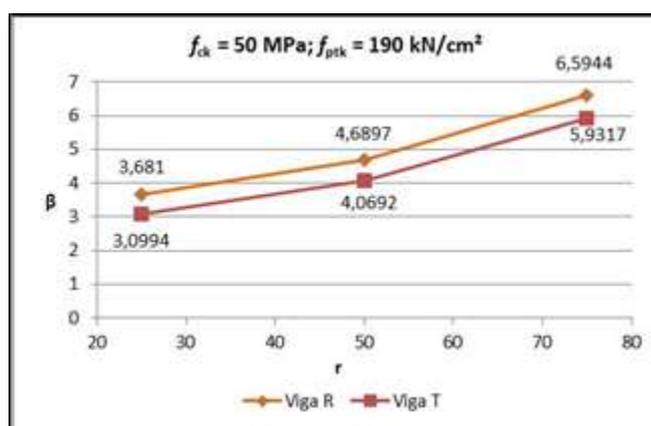


Figura 4: Variação de β em função de r .

6. CONSIDERAÇÕES FINAIS

O estudo desenvolvido apresentou um modelo analítico para determinação do momento resistente em vigas portuárias de concreto protendido, e posterior análise do índice de confiabilidade através do método FORM.

O modelo apresentado se mostrou adequado à verificação da capacidade resistente, uma vez que, os resultados estudados acompanharam os dados obtidos nos ensaios experimentais pré-existentes. A determinação do erro médio e desvio padrão do modelo serviram de base para correção do momento resistente determinado nas análises de confiabilidade.

A aplicação do método FORM através de planilha eletrônica, no *software Excel*, com uso da ferramenta *Solver*, mostrou-se bastante eficiente e prático para determinação do índice de confiabilidade. Visto que as normas brasileiras não especificam um índice de confiabilidade alvo foi adotado neste trabalho o valor referenciado por Nowak e Szerszen [9], $\beta_{alvo}=3,5$. O índice de confiabilidade calculado para os elementos estruturais projetados esteve conforme o esperado, com exceção dos resultados obtidos para as vigas de seção T

com relação entre cargas de 0,25. Nestes casos, onde houve a preponderância da carga variável sobre a carga permanente, necessita-se de uma revisão dos coeficientes de segurança apresentados nas normas brasileiras.

Os testes paramétricos, realizados sobre os resultados obtidos, permitiram a identificação dos parâmetros que afetam a confiabilidade do sistema, permitindo estabelecer uma relação da taxa de influência da variação de cada parâmetro sobre o valor do índice de confiabilidade.

Estudos sobre dois tipos de seções permitiram inferir sobre a relação de influência da geometria das vigas diante da confiabilidade do sistema. Ainda que seja esperada uma maior confiabilidade para vigas com seções de maior rigidez, como é o caso da utilização de uma seção T no lugar de uma seção retangular, há que se verificar a influência da alteração da área de armadura ativa quando da substituição de seção. Ao reduzir-se a área de armadura, tende-se a reduzir o Momento Resistente, causando a queda do Índice de Confiabilidade. Ainda que, a geometria da seção transversal influa no resultado da confiabilidade a proporção de elevação do índice de confiabilidade permaneceu constante para as seções estudadas.

A avaliação do índice de confiabilidade frente à variação da resistência característica do concreto tornou possível concluir que a elevação de tal resistência acarreta no aumento da confiabilidade, porém, verificou-se que esta variação positiva do índice de confiabilidade não é significativa frente aos outros parâmetros analisados. Este comportamento foi verificado para ambas seções estudadas. O comportamento observado se deve ao fato de que no estado limite último de flexão, para vigas de concreto protendido, a zona de concreto comprimido é bastante reduzida em relação à altura da seção, o que diminui a influência da resistência à compressão no cálculo do índice de confiabilidade.

A segunda relação paramétrica analisada foi à variação do índice de confiabilidade em função da alteração da resistência característica de ruptura por tração da armadura ativa. Para tal parâmetro constatou-se elevação da confiabilidade mediante a utilização de aços com resistências maiores. Verificou-se que para uma mesma seção transversal, com a simples elevação da resistência característica do aço, por exemplo, 175 kN/cm² para 190 kN/cm², o valor da confiabilidade se eleva, porém, se ao realizar esta alteração na resistência da armadura o projetista decidir diminuir a área de armadura, este fator irá tender a diminuir o nível de confiabilidade da estrutura, conforme observado em alguns casos. Visto que, o coeficiente de variação da resistência característica da armadura ativa foi mantido constante, em 0,05, e ainda, que o desvio padrão desta variável cresce mediante o crescimento da própria variável, ao combinar-se estes fatos com a redução da área de aço de protensão pode-se provocar a queda da confiabilidade em alguns casos, como observado. Conclui-se que para uma mesma seção transversal, mantendo-se a área de

armadura ativa e utilizando-se aços de resistência característica mais elevada a confiabilidade aumenta consideravelmente. Porém, sugere-se que diante do problema aqui levantado, a queda da confiabilidade mediante a diminuição da área de armadura de protensão, quando da utilização de aços de mais alta resistência para vigas de concreto protendido, empregue-se um estudo mais detalhado de confiabilidade.

O terceiro estudo paramétrico desenvolvido observou a relação do índice de confiabilidade com a variação entre carga permanente e carga total, mantendo-se constante a carga total aplicada sobre as vigas. Observou-se para o referido parâmetro que há crescimento do nível de confiabilidade conforme a carga permanente é aumentada e a carga acidental diminuída. Tal fato se deve a relação entre o coeficiente de variação das duas parcelas de carga. O coeficiente de variação da carga permanente considerado neste estudo foi de 0,10, já o da carga acidental foi de 0,25, conforme já apresentado. Diante do exposto concluiu-se que a preponderância de cargas com menor coeficiente de variação, frente a outras cargas com maior coeficiente de variação, mantida a carga total, tende a elevar a confiabilidade do sistema.

Em função dos dados observados se verificou que a maior variação no índice de confiabilidade ocorreu frente à variação da relação entre carga permanente e carga total, porém, destaca-se a importância da análise conjunta das variáveis envolvidas no processo, bem como a relevância de uma análise detalhada da confiabilidade frente à variação da resistência característica de ruptura a tração da armadura ativa.

REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- [1] ANG, A. H.; TANG, W. H. **Probability concepts in engineering planning and design**. Volume II: Decision, risk and reliability. New York, USA. John Wiley & Sons, 1990.
- [2] ABNT. Associação Brasileira de Normas Técnicas. **Projeto de estruturas de concreto – Procedimento: NBR-6118**. Rio de Janeiro, Brasil, 2014.
- [3] ABNT. Associação Brasileira de Normas Técnicas. **Ações e segurança nas estruturas – Procedimento: NBR-8681**. Rio de Janeiro, Brasil, 2003.
- [4] BILLET, D. F. **Study of prestressed concrete beams failing in flexure**. 220p. Thesys, University of Illinois, Urbana, Illinois, 1953.
- [5] FELDMAN, A. **Bonded and unbonded prestressed concrete beams failing in flexure**. 122p. Thesys, University of Illinois, Urbana, Illinois, 1954.
- [6] LOW, B. K.; TANG, W. H. New FORM algorithm with example applications. In: **Proceedings of the Fourth Asian-Pacific Symposium on Structural Reliability and its Applications**, Hong Kong, June, 2008. 221-226p.

- [7] MATTOCK, A. H.; YAMAZAKI, J.; KATTULA, B. T. Comparative study of concrete prestressed beams, with and without bond. **ACI Journal**, n. 68-13, p. 116-125, 1971.
- [8] NOWAK, A. S.; COLLINS, K. R. **Reliability of structures**. United States of America. Mc Graw Hill, 2000.
- [9] NOWAK, A. S.; SZERSZEN, M. M. Calibration of design code for buildings (ACI 318): Part 2 – Reliability analysis and resistance factors. **ACI Structural Journal**, n. 100-S42, p. 383-391, 2003.
- [10] TAO, X.; DU, G. Ultimate stress of unbonded tendons in partially prestressed concrete beams. **Journal of Building Structures**, p. 72-91, December, 1985.
- [11] WARWARUK, J. **Strength in flexure of bonded and unbonded prestressed concrete beams**. 92p. Thesys, University of Illinois, Urbana, Illinois, 1957.